



دالة الانتاج

Production Function

هي العلاقة الفنية التي تربط بين المدخلات والمخرجات ،اذ انها تبين مقدار الكمية المتوقع الحصول عليها فيما اذا استخدم في انتاجها مقادير معينة من عناصر الانتاج المتوفرة ، او هي العلاقة المادية بين كميات الموارد الداخلة في عملية الانتاج وبين ما ينتج من سلع وخدمات في فترة زمنية معينة بغض النظر عن اسعار السلع المنتجة .

ويمكن التعبير عن دالة الانتاج رياضيا :

$$Q=f(L,K,A\dots)$$

تسمى هذه الدالة بدالة كوب دو جلاس حيث ان:

Q: تمثل كمية الانتاج

A,L,K : تمثل الكميات المستخدمة من عناصر الانتاج (راس المال ، العمل ، الارض)

ويمكن زيادة الانتاج الى حد معين بزيادة الكمية المستخدمة من عنصر معين من عناصر الانتاج مع بقاء العناصر الاخرى ثابتة ، فالقمح مثلا يمكن انتاجه باستخدام كمية معينة من الاسمدة ، أي ان الانتاج يمكن ان يتغير بتغير كمية القمح وبين كمية السماد المستخدمة أي يزداد بزيادته وينقص بنقصانه بمعنى ان هناك علاقة طردية بين انتاج القمح وبين كمية السماد المستخدمة.

الاجل القصير Short Run

هذه الفترة الزمنية القصيرة التي لا يمكن للمنتج من خلالها تغيير كل عناصر الانتاج بهدف تغيير الانتاج ، أي لا يمكنه ان يغير بعض العوامل فقط ، مثلا لا يمكن للمنتج خلال شهر ان يغير المبنى المقام عليه المصنع بينما يستطيع ان يغير بعض العناصر الاخرى مثل تشغيل عمال جدد لذلك يمكن القمل ان دالة الانتاج في الاجل القصير توضح التغير في



الكمية المنتجة من السلعة عند تغير احد العوامل مع ثبات العوامل الاخرى للإنتاج الداخلة في العملية الانتاجية ويمكن صياغة الدالة كالآتي:

$$Q = f(L, A^*, K^*)$$

نلاحظ من الدالة اعلاه ثبات عنصري الارض وراس المال وان العمل هو العنصر المتغير.

الاجل الطويل Long Run

هو الفترة الزمنية الطويلة التي تسمح للمنتج ان يغير كل عناصر الانتاج بما في ذلك حجم الانتاج والمبنى المقام عليه المصنع او زيادة مساحة الارض الخ .

دالة الانتاج في الاجل القصير

ان دالة الانتاج في الاجل القصير تتميز بوجود عنصر متغير واحد مع افتراض ثبات العناصر الاخرى واذا بقيت الكميه المستخدمة من عناصر الانتاج ثابتة عند مستوى معين وقمنا بتغيير عنصر واحد فان الناتج الكلي (T_p) لهذه السلطة يشير الى اقصى كمية من الانتاج يمكن انتاجها باستخدام كميات مختلفة من العنصر المتغير مع الكميات الثابتة من عناصر الانتاج الاخرى أي ان دالة الانتاج في الاجل القصير تأخذ الصيغة الآتية $Q=f(L)$ الجدول الآتي يوضح العلاقة بين اقصى ما يمكن انتاجه من سلطة معينة خلال فترة زمنية معينة وبين كمية العمل الداخلة في انتاج هذه السلطة بافتراض ثبات العناصر الاخرى.

مراحل الانتاج:

1- مرحلة تزايد الغلة :-

يلاحظ في هذه المرحلة ان الناتج الكلي يأخذ بالتزايد بمعدل متزايد وحتى العامل الرابع وهذا يعني ان كل عامل مضاف في هذه المرحلة يحقق انتاجيه اكبر من العامل الذي قبله ويمكن ملاحظة ذلك من خلال الناتج الحدي .

2- مرحلة تناقص الغلة :-

يلاحظ في هذه المرحلة ان الانتاج الكلي يحقق زيادة عند كل عامل مضاف لكن بمعدل متناقص ويعود سبب ذلك الى تناقص الإنتاجية الحدية (اي ان العامل المضاف يحقق انتاجيه



المحاضرة ((الخامسة))

المرحلة : الثالثة

المادة : اقتصاديات الاعمال

اسم التدريسي : م م عبدالمهدي رحيم حمزه

اقل من العامل الذي قبله) ويظهر ذلك واضحاً من الجدول والرسم البياني (من العامل الخامس وحتى العامل التاسع) ويكون الناتج الكلي في هذه المرحلة قد وصل اقصاه .

3- مرحلة التناقص المطلق :-

يلاحظ في هذه المرحلة ان الانتاج الكلي يأخذ بالتناقص المطلق عند زيادة وحدات العمل ما بعد العامل التاسع ويعود سبب ذلك الى تناقص الإنتاجية للعامل المضاف (سالبه) وهذا سوف ينعكس على مسار الناتج الكلي ويدفعه للانحراف نحو الاسفل .

مثال : إذا كان لديك الجدول التالي والذي يبين كمية الانتاج (الناتج الكلي) من الساعات لأحدى المؤسسات الانتاجية في المدى القصير والتي تستخدم عنصرين من عناصر الإنتاج هما الآلات وهو عنصر إنتاجي ثابت، والعمال وهو عنصر انتاجي متغير.

8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	عدد الآلات
10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	عدد العمال
250	270	280	280	270	250	220	180	120	50	-	الناتج الكلي TPL

المطلوب :

- 1- احسب الناتج المتوسط لعنصر العمل، والناتج الحدي لعنصر العمل.
- 2- ارسم منحنيات الناتج الكلي والناتج الحدي والناتج المتوسط.
- 3- وضح العلاقة بين هذه المنحنيات الثلاثة موضحاً مراحل الإنتاج المختلفة.

الحل //

A – ان كل من الناتج المتوسط والناتج الحدي سوف يتغير تبعاً لكمية العمالة المستخدمة . وإذا كانت $Q(L)$ هو معدل الإنتاج الكلي للعمل عندما يتم استخدام عدد L من وحدات العمالة في العام ، فإن الناتج المتوسط للعمالة عند استخدام L وحدة من العمالة في العام :

الناتج الكلي

$$\frac{\text{الناتج الكلي}}{\text{عدد العمال}} = \text{الناتج المتوسط لعنصر العمل}$$



عدد العمال

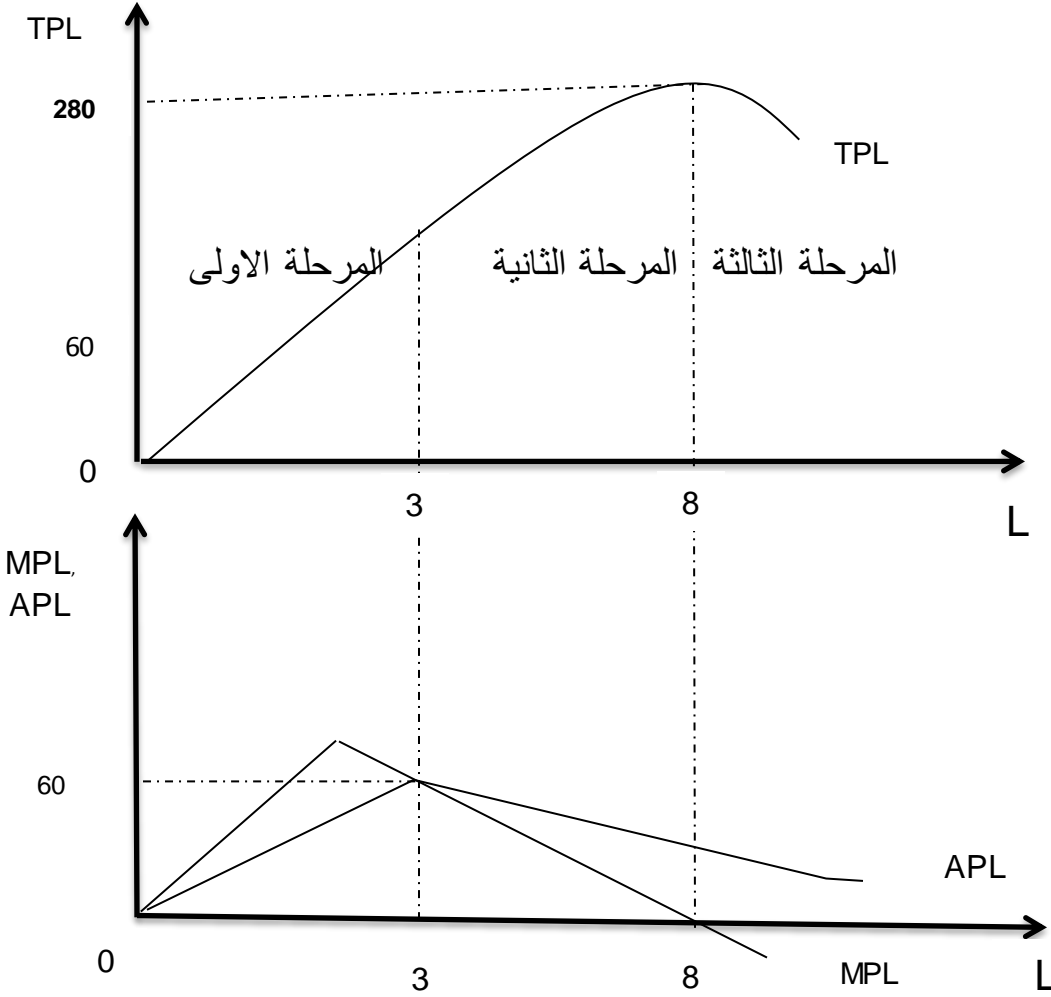
$$ApL = \frac{TP}{L}$$

كذلك الناتج الحدي للعمالة هو =

$$MPL = \frac{\Delta TP}{\Delta L}$$

$$= \frac{TP2 - TP1}{L2 - L1}$$

مراحل الانتاج	الناتج الحدي	الناتج المتوسط (ساعة)	الناتج الكلي (ساعة)	عناصر الانتاج	
	MPL	APL	TP=Q	العمال L	الالات M
المرحلة الأولى	-	0	0	0	8
	50	50	50	1	8
	70	60	120	2	8
المرحلة الثانية	60	60	180	3	8
	40	55	220	4	8
	30	50	250	5	8
	20	45	270	6	8
	10	40	280	7	8
	0	35	280	8	8
المرحلة الثالثة	-10	30	270	9	8
	-20	25	250	10	8



العلاقة بين الناتج الكلي والناتج الحدي والمتوسط

C- من خلال الجدول السابق والرسم البياني ادناه نلاحظ ما يلي:

- 1- عندما يكون الناتج الكلي متزايد بمعدل متزايد، يكون الناتج الحدي متزايد، ويتضح ذلك حتى تشغيل العامل الثاني وهذا يمثل المرحلة الأولى من الإنتاج.
- 2- عندما يصبح الناتج الكلي متزايد بمعدل متناقص، يصبح الناتج الحدي متناقص وهذا يعرف بقانون تناقص الناتج الحدي، ويبدأ ذلك عند تشغيل العامل الثالث، ويرجع السبب في



سريان قانون تناقص الناتج الحدي أن زيادة تشغيل أعداد إضافية من العمال يؤدي إلى استنفاد مزايا التخصص خصوصاً مع ثبات كمية العنصر الثابت، أما الزيادة المبدئية في الناتج الحدي فتعزى إلى الاستفادة من تخصص العمال، مما يؤدي إلى زيادة المهارة وتخفيض الوقت المستخدم في الإنتاج.

3- عندما يصل الناتج الكلي أقصى ما يمكن يصبح الناتج الحدي صفر ويتضح ذلك عند تشغيل العامل الثامن، وتبدأ المرحلة الثانية للإنتاج من تشغيل العامل الثالث وحتى تشغيل العامل الثامن.

4-عندما يصبح الناتج الكلي متناقص يصبح الناتج الحدي سالب، وهنا لا يكون أي فائدة من إضافة أي عامل جديد للعمل، وهذه تمثل المرحلة الثالثة من مراحل الإنتاج.

5-يلاحظ أن منحنى الناتج الحدي APL يقطع منحنى الناتج المتوسط MPL عند أقصى قمة لمنحنى الناتج المتوسط ويكون عندها الناتج الحدي متناقص.

تدريب // اذا توفرت لديك البيانات التالية عن احدى شركات بيع قطع الغيار المعدنية :

عدد العمال	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
الناتج الكلي TPL	-	12	27	42	56	68	76	76	74	68

-علما ان الآلات المستعملة هي 5 الات فقط .

المطلوب

- 1-احسب الناتج المتوسط لعنصر العمل، والناتج الحدي لعنصر العمل.
- 2- ارسم منحنيات الناتج الكلي والناتج الحدي والناتج المتوسط.
- 3- وضح العلاقة بين هذه المنحنيات الثلاثة موضحاً مراحل الإنتاج المختلفة.