

Sequences المتواليات العددية البسيطة

المتواليات العددية هي دالة $function$ مجالها هو الاعداد الصحيحة الاكبر من صفر اي ان جميع المتواليات تبدأ بالواحد (1) وليس الصفر (0)

$$1, \sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{4}, \dots, \sqrt{n} \quad \text{we see that} \quad a_n = \sqrt{n}$$

$$1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \dots \quad \text{we see that} \quad a_n = \frac{1}{n}$$

$$1, \frac{-1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{-1}{4}, \dots \quad \text{we see that} \quad a_n = (-1)^{n+1} \frac{1}{n}$$

لا حظ ان $(-1)^{n+1}$ نستعملها دائما عندما نريد تغيير الاشارة للحدود بالتناوب (موجب ثم سالب ثم موجب ... وهكذا)

$$0, \frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \dots \quad \text{we see that} \quad a_n = \frac{n-1}{n}$$

$$0, \frac{-1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{-3}{4}, \dots \quad \text{we see that} \quad a_n = (-1)^{n+1} \frac{n-1}{n}$$

$$7, 7, 7, 7, 7, \dots \quad a_n = 7$$

تمرين :

اكتب a_n للمتواليات التالية :

$$2, -4, 6, -8, 10, \dots$$

$$1, 3, 5, 7, 9, \dots$$

$$2, -5, 10, -17, 26, \dots$$

$$2, 5, 10, 17, 26, \dots$$

$$\frac{1}{5}, \frac{1}{20}, \frac{1}{45}, \frac{1}{80}, \frac{1}{180}, \dots$$

$$1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, \dots$$

انضمام او انفراج المتواليات العددية **Convergence or Divergence**

إذا كانت الغاية **Limit** للمتوالية عندما تؤول n الى ما لا نهاية معرفة نقول ان المتوالية تنضم الى هذه الغاية والا فأنها تنفراج . الامثلة التالية توضح ذلك :

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0 \dots \dots \dots \text{converges}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} k = K \dots \dots \dots \text{converges}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n-1}{n} = \lim_{n \rightarrow \infty} 1 - \frac{1}{n} = 1 \dots \dots \dots \text{converges}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n} \text{ is not existing } \dots \dots \dots \text{diverges}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n} = \infty \dots \dots \dots \text{diverges}$$

تمرين :

بين ما اذا كانت المتواليات التالية تنضم او تنفراج عندما تؤول n الى ما لا نهاية :

$$a_n = \frac{1}{n+1}$$

$$a_n = (-1)^{n+1} \ln(n)$$

$$a_n = \frac{n}{n^2+1}$$

$$a_n = \frac{1}{\sqrt{2n-1}}$$

$$\frac{a_n}{a_{n+1}} \text{ if } a_n = n + 1$$

$$a_n = \frac{1}{e^{n+1}}$$