



# Frequency Distribution

التوزيع التكراري

د. محمد لطيف

# Frequency Distribution

## التوزيع التكراري

Statistical table which shows the arrangement of data according to the magnitude of size, either individually or in groups with their corresponding values side by side..

A Frequency Distribution is a grouping of data into mutually exclusive categories showing the number of observations in each class. Just developing categories or classes based on a characteristic and then putting elements into categories based on that characteristic.

ان التوزيع التكراري هو تجميع للبيانات في فئات حصرية تبين عدد المشاهدات (التكرارات) في كل فئة. وهو جدول إحصائي يوضح ترتيب البيانات وفقاً لمقدار حجمها.

# Frequency Distribution

The data presented in form of groups are also called grouped data.

Data which have not been arranged in a systematic order are called raw data or ungrouped data.

The arrangement of raw data in an ascending order of magnitude is known as **"Array"**.

البيانات المقدمة في شكل مجموعات تسمى أيضًا **البيانات المجمعة**.  
تسمى البيانات التي لم يتم ترتيبها بترتيب منتظم بالبيانات الأولية  
أو البيانات غير المجمعة **(الخام)**. يُعرف ترتيب البيانات الأولية  
بترتيب تصاعدي من حيث الحجم باسم **"المصفوفة"**.

# Basic Definitions

## Related to Frequency Distribution

**Raw Data:** Data collected in original form.

**Array:** The numerical raw data is arranged in ascending or descending order

**Frequency:** The number of times a certain value or class of values occurs.

**Frequency Distribution :** The organization of raw data in table form with classes and frequencies.

**البيانات الأولية:** البيانات التي تم جمعها في شكلها الأصلي دون ترتيب.  
**المصفوفة :** يتم ترتيب البيانات الأولية الرقمية بترتيب **تصاعدي أو تنازلي**  
**التردد :** عدد المرات التي **تتكرر** فيها قيمة معينة أو فئة معينة من القيم.  
**توزيع التردد:** تنظيم البيانات الأولية في شكل **جدول** مع الفئات والترددات.

# Basic Definitions

## Related to Frequency Distribution

**Class Limits** :The variant values of the classes or groups are called the class limits. The smaller value of the class is called lower class limit and larger value of the class is called upper class limit. Class limits are also called inclusive classes..

**حدود الفئة**: تسمى القيم المتغيرة للفئات أو المجموعات **حدود الفئة**. القيمة الأصغر للفئة تسمى **حد أدنى للفئة**, وتسمى القيمة الأكبر للفئة **بالحد الأعلى للفئة**. تسمى جميع حدود الفئات أيضًا بالفئات الشاملة. على سبيل المثال لنأخذ الفئة 10-19، فالقيمة 10 أقل من 19، يسمى حد الفئة الأصغر، والقيمة الأكبر 19 تسمى بحد الفئة الأكبر.

# Class Boundaries

## Class Boundaries حدود الفئة

The true values, which describe the actual class limits of a class, are called class boundaries. The smaller true value is called the lower class boundary and the larger true value is called the upper class boundary of the class. It is important to note that the upper class boundary of a class coincides with the lower class boundary of the next class. Class boundaries are also known as exclusive classes.

	Weight in Kg.	No. of students	
lower class boundary	61-65	8	Frequency تكرار
	66-70	12	
Upper class boundary	71-75	5	
		25	

من المهم ملاحظة أن حدود الفئة العليا تتزامن مع حدود الفئة الدنيا للفئة التالية. تُعرف

حدود الفئة أيضًا بالفئات الحصرية

في الجدول، سيتم تضمين الطالب الذي يتراوح وزنه بين 61 كغم و 65 كغم في فئة

61 - 65. أما الطالب الذي يبلغ وزنه 66 كغم يدخل في الفئة التالية 66-70 كغم

# عرض الفئة Class Width

The difference between the upper and lower boundaries of any class. The class width is also the difference between the lower limits of two consecutive classes or the upper limits of two consecutive classes. It is not the difference between the upper and lower limits of the same class.

	Weight in Kg.	No. of students
$66-61=5$ ←	61-65	8
	66-70	12
$71-66=5$ ←	71-75	5
		25

**The class width is 5.**

عرض الفئة هي الفرق بين الحدود العليا والسفلى لأي فئة. عرض الفئة هو أيضًا الفرق بين الحدود الدنيا لفئتين متتاليتين أو الحدود العليا لفئتين متتاليتين.

المدى (Range) هو الفرق بين الحد الأقصى والحد الأدنى في البيانات الداخلة  
 $R = x \max - x \min$ .

# الخطوات الأساسية لتوزيع الترددات المجمعة

## Basic steps for grouped frequency distribution

1. **تحديد عدد الفئات** : يمكن تحديد عدد الفئات باستخراج الجذر الرابع لمجموع عدد البيانات مضروب في 2,5. والناتج يقرب الى العدد الصحيح التالي. يجب أن يكون عدد الفئات لا يتجاوز 20 فئة.

$$N = 2.5 * \sqrt[4]{M} \quad .1$$

2. حيث M هو مجموع عدد البيانات

3. **تحديد عرض الفئة** .

عرض الفئة هو المسافة بين الحدود الدنيا والعليا للفئات المتتالية.  
عرض الفئة = قيمة الحد الاعلى - قيمة الحد الادنى  
عدد الفئات

إذا كانت H هي عرض الفئة، و N عدد الفئات

$$H = \frac{(X \max) - (X \min)}{N}$$

$$H = \frac{\text{المدى (R)}}{N} \quad \text{أو}$$

في حالة الكسر ، عادةً ما يتم التقريب الى الرقم الصحيح على أنه عرض فترة الفئة



### 3. Distribute the data and total the frequency column..

The distribution of data should be done using a “ Tally Column” like /////, ///and // represents the frequencies i-e (No. of values) 5, 3 and 2 respectively , and in last, total the frequency column ..The frequency column is denoted by “f “ and  $\Sigma f$  denotes the total frequency.

### 3. توزيع البيانات وإجمالي عمود التردد .

يجب أن يتم توزيع البيانات باستخدام "عمود Tally" مثل ///// و /// و // يمثل الترددات أي (عدد القيم) 5 و 3 و 2 على التوالي ، وفي الأخير ، إجمالي عمود التردد .. يُشار إلى عمود التردد بالحرف " f " ويشير  $\Sigma f$  إلى إجمالي التردد.

#### Example

Suppose we have the marks of 25 students in second year Biostatistics,, given bellow:

26	28	52	55	43	46	46	51
43	40	43	42	46	35	43	42
29	36	40	52	51	42	31	32
39							

البيانات المذكورة أعلاه هي بيانات خام (غير مجمعة)

هناك 3 طرق مختلفة لتنظيم البيانات غير المجمعة في شكل منطقي.

A. Data Array مصفوفة البيانات

B. Frequency Array (Simple frequency Distribution ..(توزيع تردد بسيط)

C. Grouped frequency Distribution. توزيع التردد المجمع

### A. The Data Array

Following table showing the marks of 25 students formed into Array of ascending order.

26	35	42	43	51
28	36	42	43	51
29	39	42	46	52
31	40	43	46	52
32	40	43	46	55

توفر البيانات المنظمة لدرجات طلبة اعلاه المعلومات التالية: - الحد الأدنى 26 درجة والحد الأقصى 55 درجة.

المدى (الفرق بين الحد الأقصى والحد الأدنى) هو  $55 - 26 = 29$ .  
يوجد تركيز كبير للعلامات بين 40 و 52.

## B. Frequency Array (Simple frequency Distribution)

Marks	No. of Students/ Marks Frequency (f)	Marks	No. of Students/ Frequency (f)
26	1	40	2
28	1	42	3
29	1	43	4
31	1	46	3
32	1	51	2
35	1	52	2
36	1	55	1
39	1		
			$\Sigma f = 25$

## C. Grouped frequency Distribution.

### 1. Determine the number of classes..

No hard and fast rule for exact number of classes.

In our example number of classes = 6

### 2. Determine the class width..

If h is the width of class intervals then,

$h = \frac{\text{maximum value} - \text{minimum value}}{\text{Number of classes}}$

Or  $H = \text{Range} / M$

$H = 55 - 26 / 6 = 4.333$  Class width = 5

1. تحديد عدد الفئات :

$$N = 2.5 * \sqrt[4]{M} = 2.5 * \sqrt[4]{25} = 2.5 * 2.24 = 5.59$$

3. نقرّبها الى 6, اذن عدد الفئات = 6

2. تحديد عرض الفئة ..

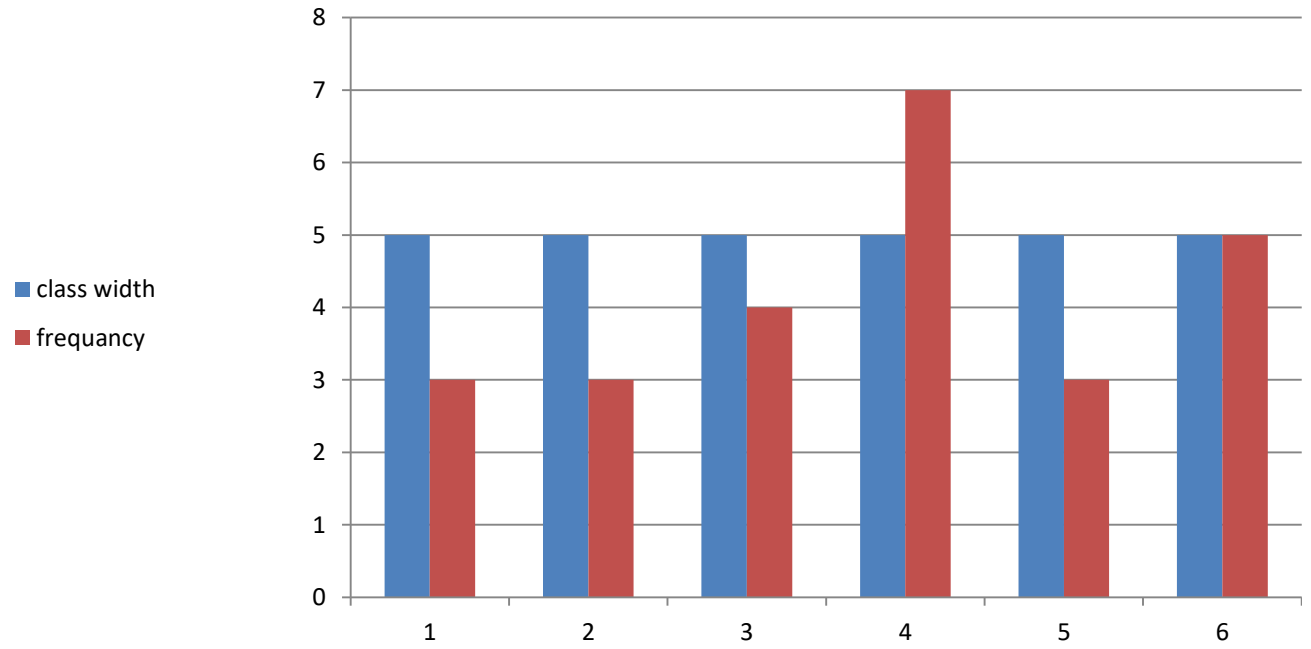
إذا كانت H هي عرض الفئة، R هو المدى

$$H = (X \text{ max} - X \text{ min}) / N = R / N = (55 - 26) / 6 = 4.33 \dots \text{ يجب ان تقرب الى 5}$$

## C. Grouped frequency Distribution

	Classes/Class Frequency intervals	Frequency (f)
	Marks	No. of Students
31-26=5	26 – 30	3 ///
36-31=5	31 – 35	3 ///
41-36=5	36 – 40	4 ////
46-41=5	41 – 45	7 ///// //
51-46=5	46 – 50	3 ///
	51 – 55	5 /////
	Total	$\Sigma f = 25$

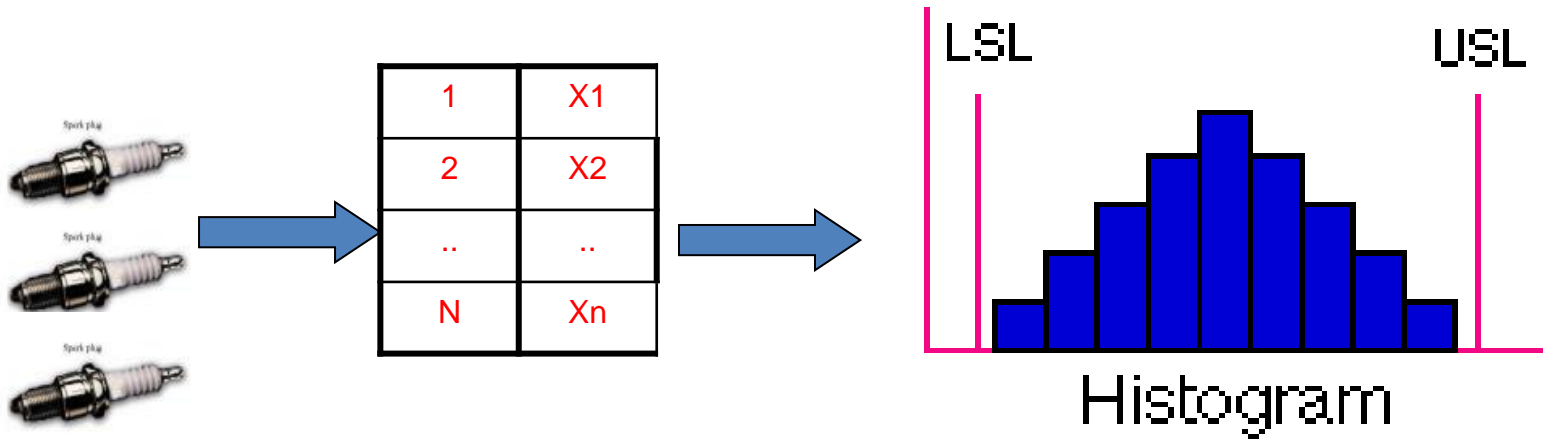
The class width is 5.



# تقنية التوزيع التكراري

## Histograms / Frequency Distribution

- ✪ اذن يعتبر التوزيع التكراري أهم و أنجع تقنية لدراسة حالة جودة المنتج الصناعي في مرحلة الإنتاج.
- ✪ يمكن من خلال هذه التقنية تلخيص **البيانات الخام لجودة** المنتج و تصنيفها (تبويبها) إلى فئات معينة و من ثم تحديد قيم الأعداد لكل فئة ، و هذا ما نطلق عليه اسم تكرار الفئة (Frequency) .
- ✪ عن طريق التوزيع التكراري و المعاملات الاحصائية يمكن دراسة مدى اتساع مجال الاختلافات التصنيعية و تشتت خصائص الجودة عن الخصائص و المواصفات المطلوبة.



## مثال

- أعطت نتائج قياس عمق اختراق كرة حديدية في قطع مصنعة من الصلب النتائج التالية:

القطعة	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
العمق (مم)	2	3	5	4	3	6	3	4	5	4	6	3

$$R = (X \max - X \min) = 6 - 2 = 4$$

حيث R المدى,

$$N = 2.5 * (\text{root-power 4 of } M) = 2.5 * (\text{root-power 4 of } 12)$$

$$= 2.5 * 1.86 = 4.65 \text{ approach to } 5$$

حيث N عدد الفئات, M عدد البيانات, root-power 4 of M هو الجذر الرابع لمجموع عدد البيانات

$$H = R/N = 4/5 = 0.8 \text{ approach to } 1$$

حيث H عرض الفئة, N عدد الفئات

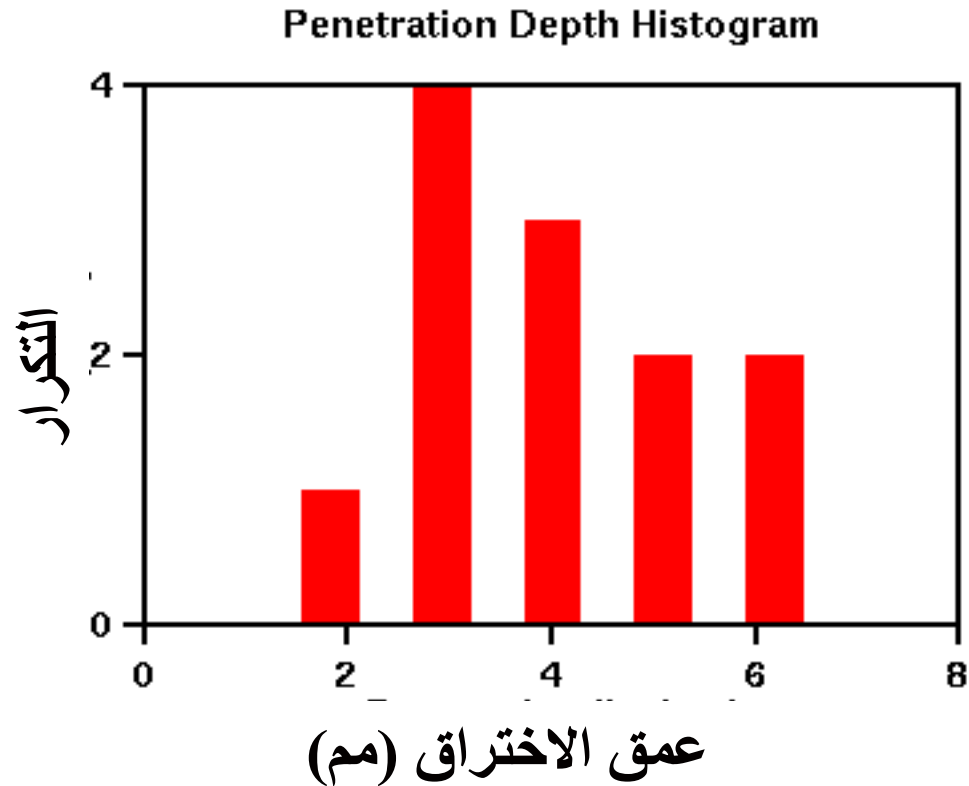


• إنشاء التوزيع التكراري :  
 • نقوم بتصنيف النتائج على النحو التالي:

قيمة الفئة	العدد بالحزم	التكرار	التكرار النسبي %
2		1	$=100 \times 1/12$ 8,33
3		4	33,33
4		3	25
5		2	16,67
6		2	16,67

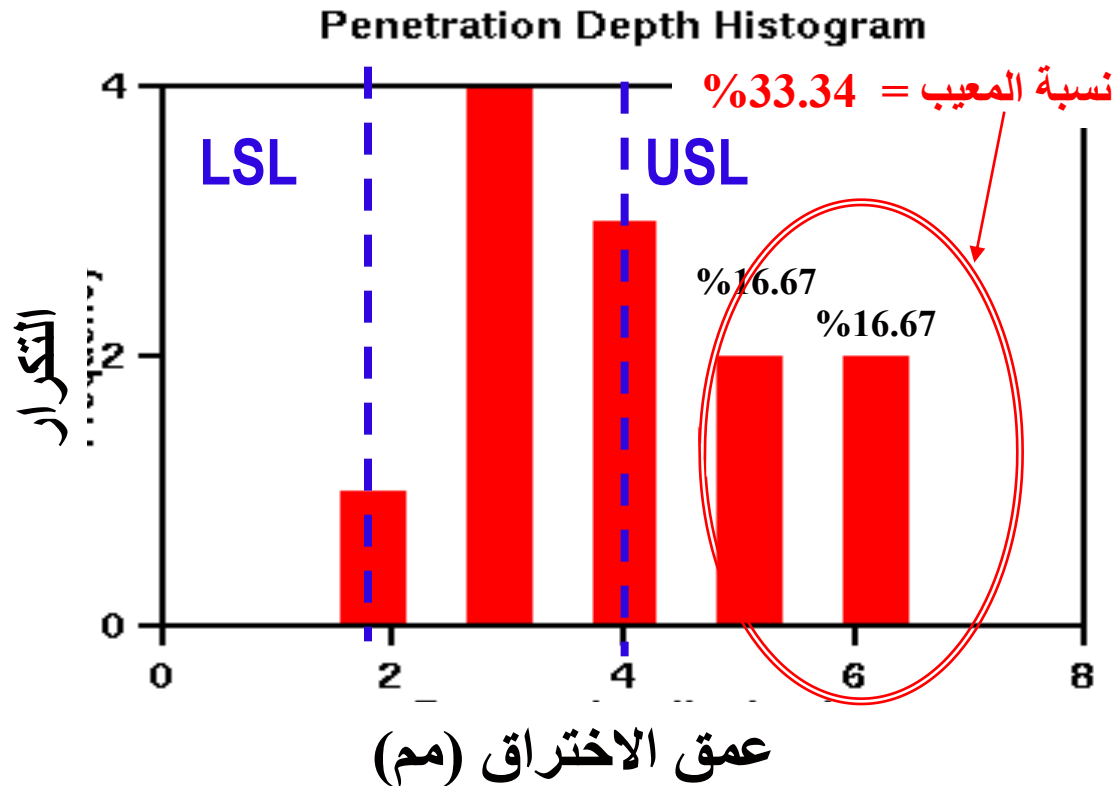
# مثال عملي لإنشاء توزيع تكراري (3)

نقوم برسم التوزيع التكراري للنتائج:



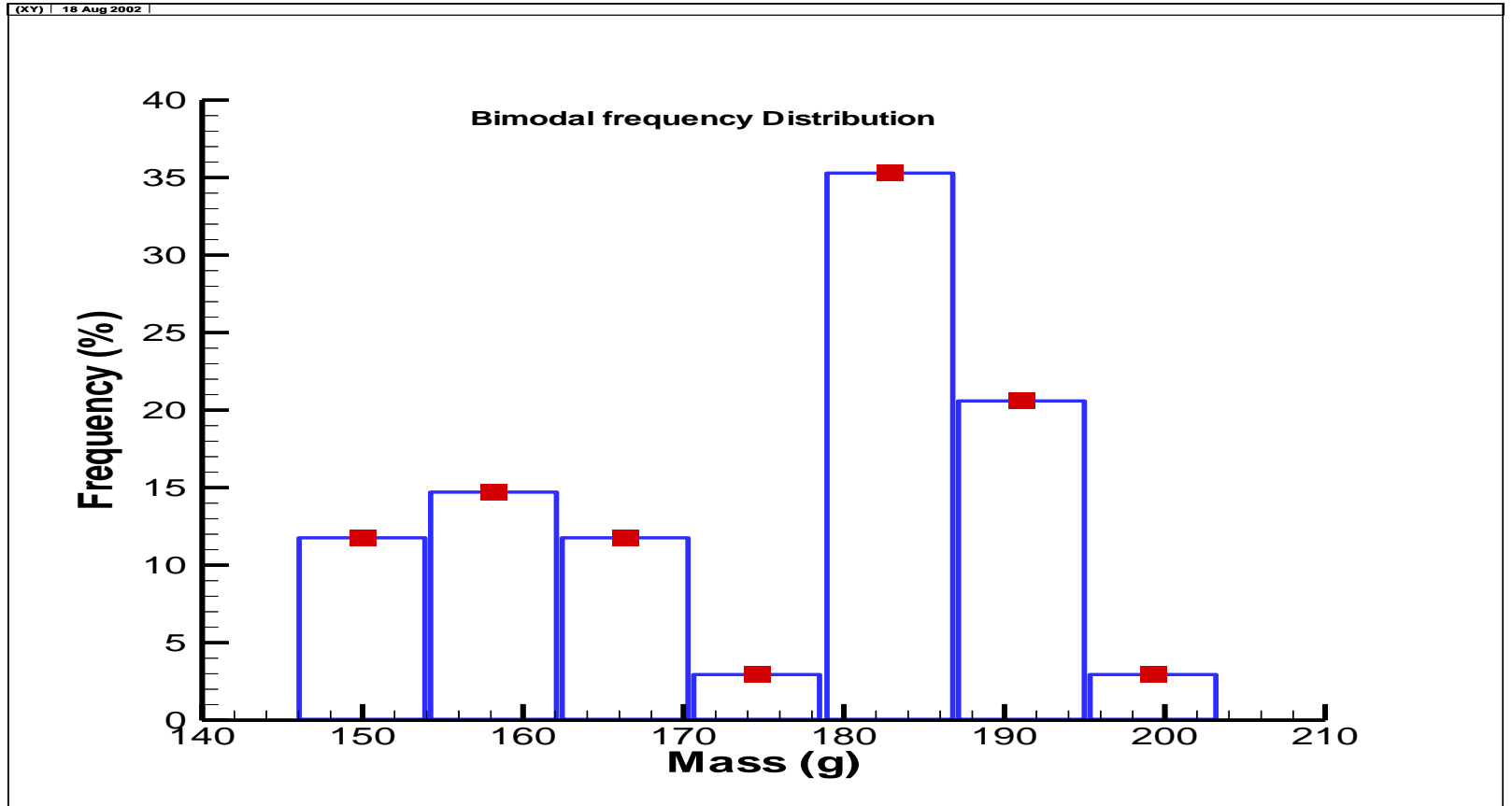
# مثال عملي لانشاء توزيع تكراري (3)

بإضافة حدود المواصفات الى التوزيع ( مثلا  $L = (3 \pm 1\text{mm})$  ) يمكن تحديد كمية المنتج الخارج عن هذه الحدود - و قد تعتبر هذه الكمية إنتاج معيب و جودته ضعيفة.

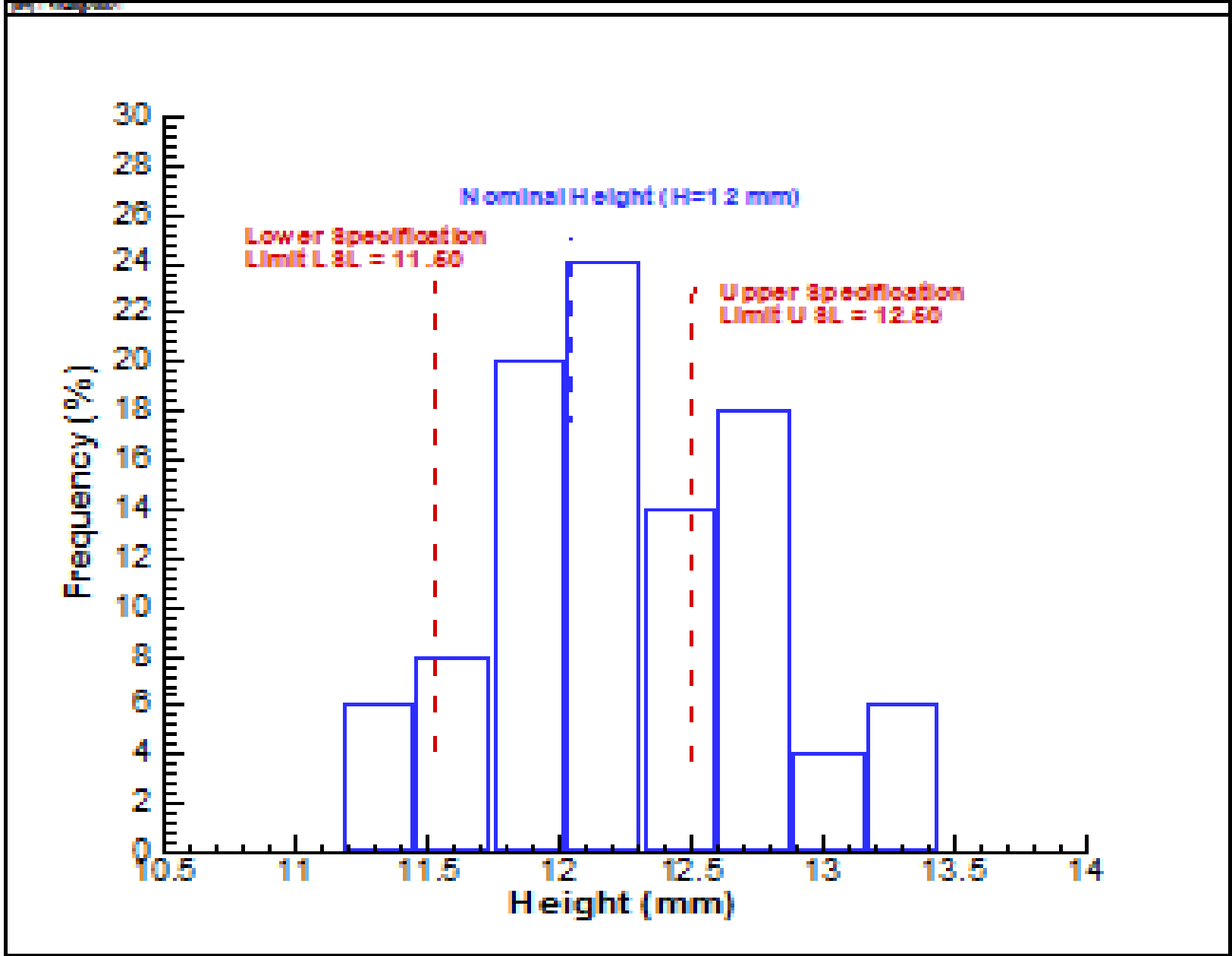


# التوزيعات التكراري - حالة دراسية

فحص جودة قطع ميكانيكية مصنعة بقسم  
التقنية الميكانيكية



التوزيع التكراري لوزن القطعة - توزيع مزدوج



التوزيع التكراري لطول القطعة مضافة إليه مواصفات التصميم

# تدريب

- قصد التفثيش على جودة إنتاج أعمدة من الصلب قمنا باختيار 20 عمودا من خط الإنتاج و قمنا بقياس طول (سم L) كل قطعة.

17	11	17	13	14	15	18	13	12	14
16	16	15	12	15	15	15	14	16	11

- المطلوب القيام بدراسة هذه البيانات و رسم التوزيع التكراري لها.
- مواصفات التصميم :  $L = (15 \pm 1)$  cm
- حدد نسبة الانتاج المطابق للمواصفات و نسبة الانتاج المعيب.